

Enigma: Drei Rotoren, jeder führt zu einer mittelform monoalphabeticen Substitution. Erster Rotor wird bei jedem Buchstaben an einer Stellung weiter geschoben, weiteren Rotoren folgen dann aus bei einem Zähler c

poly alphabetiche Substitution

Allgemein: Schlüssel besteht hier nicht mehr nur aus einer Permutation, sondern aus einer geordneten Folge von Permutationen

$$E_C(m) = (p_1(m_1) \ p_2(m_2) \ p_3(m_3) \dots \ p_n(m_n))$$

Beispiel: Sei A Alphabet der Großbuchstaben, $t=3$, dann sei:

$$C = (p_1, p_2, p_3) \text{ mit } \begin{aligned} p_1 &: \text{Ruhverschiebung} + 3 \\ p_2 &: " \quad \quad \quad + 7 \\ p_3 &: " \quad \quad \quad + 10 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{ccccccc} m & = & \text{T} & \text{H} & \text{I} & \text{S} & \text{C} \\ c & = & \text{W} & \text{O} & \text{S} & \text{V} & \text{J} \end{array} \begin{array}{ccccccc} \text{C} & \text{I} & \text{P} & \text{H} & \text{E} & \text{R} & \text{T} \\ \text{S} & \text{U} & \text{O} & \text{U} & \text{C} & \text{L} & \text{A} \end{array} \begin{array}{ccccccc} \text{E} & \text{R} & \text{F} & \text{B} & \text{W} & \text{H} & \text{S} \end{array}$$

Feiner möglich: Transposition: Permutation aller Symbole in einem Zeichenblock der Länge t . K ist damit die Menge aller Permutationen auf der Menge $\{1, 2, \dots, t\}$

Weder einfache Substitution noch die Transposition erbringen einen hohen Schutz.³⁴
Um Komplexität zu erhöhen ist es jedoch
die Grundlage sehr schwer Verstören.

Beispiel (Produktdichtschaffung)

Sei $M = C = \mathbb{K}$ die Menge aller 6-Bit-Wörter. Dann ist $\text{card}(M) = 2^6 = 64$ und ein Wort $m = (m_1 m_2 m_3 m_4 m_5 m_6)$

1. Schritt: Polyalphabetische Substitution

$E_k^{(1)}(m) = m \oplus k$ wo ' \oplus ' Addition
modulo 2 bzw. $\oplus \stackrel{\oplus}{=} \text{XOR}$
und $k \in K$

2. Schritt Transposition (mit oder ohne
Schlüsselabhängigkeit)

$$E^{(2)}(m) = (m_6 m_5 m_4 m_3 m_2 m_1)$$

Produkt $E_k^{(1)}(m) E^{(2)}(m)$ wird als 'Runde'
bezeichnet.

Slide ix 12/2002 Artikel 'Angewortet'
 \leadsto AES

Algorithmen und Textausbildungssysteme

- Ein Algorithmus heißt für ein Eingabeterminierend, wenn er stets für alle zulässigen Schritte folgt und endlich rechnet

Schritte endet
deterministisch, wenn in der Auswelt
die Verarbeitungsschritte keine Freiheit
besitzt

35

deterministisch, wenn das Resultat eindeutig
bestimmt ist

sequential, wenn die Verarbeitungsschritte
stets hintereinander ausgeführt werden

parallel, wenn gewisse Verarbeitungsschritte
unabhängig voneinander ausgeführt werden.

Die Beschreibung eines Algorithmus in
einer formalen (formal beschreibbaren) Sprache
heißt ein Programm, die formale Sprache
Programmiersprache

Ein fabelles Konzept zur ~~Formal~~ Verarbeitung:
Ersetzung (Substitution) von Teilworten durch
andere Wörter \rightarrow Ersetzungssysteme auf Zulahen.

Def.: Sei V ein Zustandswort, dann ist
eine Ersetzungsregel über V gegeben durch
ein Paar $(v, w) \in V^* \times V^*$, man schreibt
 $v \rightarrow w$

Ein fabelles Beispiel für Ersetzungsregel:

'ae' \rightarrow 'ä'

Eine endlich lange R von Ersetzungsregeln
heißt Festersetzungssystem über V

Anwendung: Ersatzregeln sollen auf beliebigen Termen (d.h. in beliebigen 'Kontexten' angewendet werden. Also:

Eine Ersatzregel $s \rightarrow t$ heißt Anwendung der Regel $v \rightarrow w$, falls es Wörter $a, v, w, z \in V^*$ gibt, so dass gilt:

$$s = a \circ v \circ z, \quad t = a \circ w \circ z$$

Ein Wort $s \in V^*$ heißt terminal, falls es kein Wort $t \in V^*$ gibt, so dass gilt: die Ersatzregel $s \rightarrow t$ ist Anwendung einer Ersatzregel. H.a.W.: Auf das terminale Wort kann keine Regel mehr angewendet werden.

Durch iterierte Anwendung von Regeln wird ausgehend von einem Wort t_0 eine Berechnung erzeugt. Berechnungen werden geschrieben als:

28.11.2002 - Prof. A. Knoll - Einführung in die Informatik I

$$t_0 \xrightarrow{} t_1 \xrightarrow{} t_2 \dots \xrightarrow{} t_n \text{ Ausgabe}$$

Eingabe

Beispiel für Berechnung von Text eingangssystem:

- a) System Q über Zeichenmenge $\{L, O\}$, das die beiden Regeln umfasst:

$LL \rightarrow \varepsilon, O \rightarrow \varepsilon$ mit ε = 'Leerstring'
ist eine Berechnung für die Eingabe

$LOLL \rightarrow LO \rightarrow L$

b) System Q' über $\{L, O\}$ mit Regeln:

$O \rightarrow OO, O \rightarrow L$

ist die Berechnung basierend auf Eingabe 'O': $O \rightarrow OO \rightarrow OL \rightarrow LL$ terminierend, während z.B. die Berechnung

$O \rightarrow OO \rightarrow OOO \rightarrow \dots$

nicht terminierend ist.

Ein Ersetzungssystem definiert wie folgt einen Algorithmus, der Wörter über V als Eingabe und Ausgabe verwendet: Das Eingabewort $t \in V^*$ wird wie folgt verarbeitet.

"Ist eine beliebige der Regeln aus R auf das Wort t anwendbar (es existiert also ein Wort $s \in V^*$, so dass gilt: $t \Rightarrow s$ ist eine Anwendung einer Regel aus R), so verwendet man diese Regel auf t an und setzt dann den Algorithmus mit dem Wort s fort, andernfalls: Abbruch"

Beispiele für Textersetzungsalgorithmen:

a) Addition von zwei Zahlen in
striktdarstellung:

Zahl $n \in \mathbb{N}$ wird durch das Wort
 $\langle 1 | \dots | \rangle$ dargestellt. Der Algorithmus³⁸
besteht dann aus einer Regel:

$$> + < \rightarrow \epsilon$$

Für Eingabe $\langle 1 | \dots | \rangle + \langle 1 | \dots | \rangle$ liefert
Algorithmus Summe der Strohle als
Ausgabe.

- b) Multiplikation zweier nat. Zahlen in
Stroh darstellend. Ersetzungsregeln:

$$| > * < \rightarrow | > * < d$$

$$d | \rightarrow | m d$$

$$d m \rightarrow m d$$

$$d > \rightarrow >$$

$$\langle > * < \rightarrow \langle < e$$

$$e | \rightarrow e$$

$$e m \rightarrow | e$$

$$e > \rightarrow >$$